

انتخاب پرتفوی سهام جهت سرمایه گذاری و شناسایی شرکت های برتر با روش محدودیت ال و با استفاده از روش یادگیری ماشین

فاطمه اژدری^۱، فریدون رهنمای رودپشتی^۲، محسن حمیدیان^۳، سیده محبوبه جعفری^۴، علی باغانی^۵

چکیده

فرآیند انتخاب پرتفوی سهام (شناسایی شرکت های برتر) جهت سرمایه گذاری یکی از مسائلی است که مورد توجه محققین زیادی بوده است. معیارهای مختلف دخیل در این فرآیند طی زمان دچار تغییر و تحول شده و این وضعیت استفاده از یک ابزار مناسب پشتیبانی از تصمیمات سرمایه گذاری را ضروری می سازد. هدف این پژوهش انتخاب پرتفوی سهام جهت شناسایی شرکت های برتر جهت سرمایه گذاری با روش محدودیت ال با استفاده از روش یادگیری ماشین است. بدین منظور شرکت هایی که بصورت سالانه در سبد بهینه سهام جهت سرمایه گذاری قرار گرفته اند به عنوان شرکت های برتر جهت سرمایه گذاری، معرفی شدند. نمونه آماری تحقیق شامل داده های مالی ۲۵۱ شرکت پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران طی سال های ۱۳۹۱ تا ۱۳۹۶ می باشد. نتایج تحقیق نشان می دهد که الگوریتم بهینه سازی ازدحام ذرات به صورت سالانه و همچنین به صورت یکجا در دوره مورد بررسی قادر به انتخاب شرکت های برتر با استفاده از مدل حداقل واریانس MVP با محدودیت $l_1 - l_\infty$ است.

کلمات کلیدی: شرکت های برتر، پرتفوی سهام، روش یادگیری ماشین

کد طبقه بندی: M41-C6

مقدمه

^۱ دانشجوی دکتری حسابداری، واحد تهران جنوب، دانشگاه آزاد اسلامی، تهران، ایران. f.ajdari@gmail.com

^۲ استاد و عضو هیئت علمی دانشگاه آزاد اسلامی، واحد علوم تحقیقات، دانشکده مدیریت و اقتصاد، تهران، ایران. نویسنده مسئول.

rahnama.roodposhti@gmail.com

^۳ استادیار، گروه حسابداری، واحد تهران جنوب، دانشگاه آزاد اسلامی، تهران، ایران. hamidian_2002@yahoo.com

^۴ استادیار، گروه حسابداری، واحد تهران جنوب، دانشگاه آزاد اسلامی، تهران، ایران. sm_jafari@azad.ac.ir

^۵ استادیار، گروه حسابداری، واحد تهران جنوب، دانشگاه آزاد اسلامی، تهران، ایران. a_baghani@azad.ac.ir

پویایی بازارهای سرمایه یکی از مهم‌ترین شاخص‌ها و عوامل مؤثر بر رونق اقتصادی هر کشوری است (مولایی و طالبی، ۱۳۸۹). همواره وجود یک بازار سرمایه فعال و پررونق به‌عنوان یکی از نشانه‌های توسعه‌یافتگی کشورها در سطح بین‌المللی شناخته می‌شود (امیری و همکاران، ۱۳۸۹). دست یافتن به رشد بلندمدت و مداوم اقتصادی نیازمند تجهیز و تخصیص بهینه منابع در سطح اقتصاد ملی است و این مهم بدون کمک گرفتن از بازارهای مالی به ویژه بازار سرمایه گسترده و کارآمد به آسانی امکان‌پذیر نیست (راعی و پویان‌فر، ۱۳۸۹). در سال‌های اخیر، بسیاری از کشورهای توسعه یافته با توسعه و گسترش بازارهای سرمایه و بورس خود و با هدایت سرمایه‌های کوچک و پراکنده افراد جامعه به سوی سرمایه‌گذاری‌های مولد، زمینه‌تأمین مالی موسسات و بنگاه‌های اقتصادی و در نتیجه توسعه اقتصادی را فراهم نموده‌اند. از طرف دیگر، سرمایه‌گذاران نیز تلاش می‌کنند که سود بیشتری را با سرمایه‌گذاری در شرکت‌های موفق‌تر و برتر به دست آورند و به بازده مورد انتظار خود دست یابند. انتخاب سبد یکی از رایج‌ترین مسائلی است که سرمایه‌گذاران گوناگون با سطح مختلفی از سرمایه همواره با آن رو به رو هستند معمولاً فرض بر این است که سرمایه‌گذاران ریسک را دوست ندارند یعنی نمی‌خواهند اصل و فرع سرمایه را از دست بدهند. درست است که همه سرمایه‌گذاران ریسک را نمی‌پسندند اما از نظر درجه ریسک‌گریزی، با هم متفاوتند. برخی از آنها بسیار محافظه‌کارند و به سختی حاضر هستند خود را در معرض ریسک قرار دهند، ولی برخی دیگر حاضر به پذیرش ریسک می‌باشند و جهت دست یافتن به ثروت بیشتر، سرمایه‌گذاری‌های پر مخاطره را می‌پذیرند. هدف از هر سرمایه‌گذاری کسب بازدهی بالاتر می‌باشد و جهت کسب بازده مناسب از طریق سرمایه‌گذاری در بازار سرمایه، شناخت دقیق صنایع و شرکت‌ها و ارزیابی هر کدام از آنها با توجه به معیارهای مختلف و با استفاده از مدل‌های منطقی و علمی، امری واجب و ضروری است. از آنجایی که تعداد متغیرها در ارزیابی شرکت‌ها و صنایع یک اصل دائمی و غیر قابل تغییر در تحلیل‌ها است، لذا استفاده از یک مکانیزم منطقی و ابزاری برای پشتیبانی از تصمیم‌های سرمایه‌گذاری ضرورت پیدا می‌کند و با توجه به معیارهای مختلف، نیاز به ابزار و چارچوبی برای انتخاب سبد سهام که ضمن توجه به معیارهای گذشته، قادر باشد آینده صنعت و شرکت را مد نظر قرار دهد، ضروری و لازم به نظر می‌رسد (تقی‌زاده و همکاران، ۱۳۹۴). تفکیک و رتبه‌بندی شرکت‌های پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار جهت پاسخگویی به نیازهای سرمایه‌گذاران برای انتخاب شرکت‌های بهینه جهت سرمایه‌گذاری و جلوگیری از اتخاذ تصمیم‌های نامناسب توسط آنها، از اهمیت ویژه‌ای برخوردار است؛ زیرا این بررسی‌ها این امکان را فراهم می‌کند که

سرمایه گذاران و استفاده کنندگان از اطلاعات با سهولت بیشتر شرکت های کارا تر را نسبت به دیگر شرکت ها تمیز داده و سرمایه گذاری معقول تری انجام دهند. با توجه به اهمیت انتخاب شرکت های برتر هدف این مقاله انتخاب پرتفوی سهام جهت سرمایه گذاری و شناسایی شرکت های برتر که در پرتفوی سالانه بطور مستمر انتخاب شده اند، می باشد. از جنبه نوآوری پژوهش می توان به این موضوع اشاره کرد که در این تحقیق سبد بهینه سهام برای هر سال بصورت جداگانه محاسبه شده است تا روشی جدید برای شناسایی شرکت های برتر باشد و با تحلیل روند شرکت ها در طول یک دوره، اطلاعات مفید تری جهت تصمیم گیری در خصوص سرمایه گذاری در آن شرکت ارائه گردد. این پژوهش در پنج بخش مقدمه، مبانی نظری و پیشینه پژوهش، سوال ها و روش تحقیق، تجزیه و تحلیل آماری و در نهایت بحث و نتیجه گیری ارائه شده است.

مبانی نظری و مروری بر پیشینه پژوهش

وقتی که فرد سرمایه گذار با دارایی های مختلفی روبه رو می شود، باید در مورد تعداد دارایی های انتخابی و میزان سرمایه گذاری در هر کدام از آن ها، تصمیم گیری کند که در این شرایط فرآیند تصمیم گیری بسیار سخت و دشوار می باشد. ترکیب سبد مورد نظر می تواند حاصل تصمیمات اتفاقی و غیر مرتبط سرمایه گذار باشد یا نتیجه برنامه ریزی سنجیده او شود (ابزری و همکاران، ۱۳۸۴).

سرمایه گذاری امر حساسی است که موارد مختلف از جمله قوانین و مقررات نیز بر آن تاثیر می گذارد. همچنین، تصمیم گیری یکی از موضوعات مطرح در حسابداری است. سرمایه گذاران با امر تصمیم گیری مواجه اند زیرا آنها تمایل دارند در شرکتی سرمایه گذاری نمایند که بازده بیشتری برای آنان به ارمغان بیاورد (محمودآبادی و نمازی، ۱۳۹۵). از لحاظ نظری، موضوع انتخاب سبد سهام در حالت حداقل نمودن ریسک در صورت ثابت در نظر داشتن بازده، با استفاده از فرمولهای ریاضی و از طریق یک معادله درجه دوم حل شدنی است، اما در عمل و در دنیای واقعی نیازمند محاسبات و برنامه ریزی گسترده ای است (مدرس و محمدی، ۱۳۸۶). در این میان، ریسک سرمایه گذاری به عنوان یکی از مهم ترین مسائلی که سرمایه گذار در بورس با آن مواجه است، مطرح می شود. به طور عموم سرمایه گذار به دنبال نگهداری سهامی است که بازده بالا و ریسک پایین دارند. انتخاب سهام مناسب برای خرید و فروش جهت کسب عایدات بیشتر موضوع مهمی برای سرمایه گذاران در بازار بورس اوراق بهادار می باشد (تقی زاده و همکاران، ۱۳۹۴). سرمایه گذاران منطقی به دنبال پرتفوی کارا می باشند،

چرا که این گونه پرتفوی ها سبب حداکثر شدن بازده مورد انتظار برای سطح معینی از ریسک، با حداقل ریسک برای بازده مورد انتظار معینی می شوند (برخورداری و رضایی، ۱۳۹۳).

یین و وانگ^۱ (۲۰۰۶) الگوریتم ازدحام ذرات را در مسئله غیرخطی تخصیص منابع به کار گرفتند و کارآیی این روش را با الگوریتم ژنتیک مقایسه نمودند و اینگونه نتیجه گرفتند که تکنیک ازدحام ذرات کارآتر از الگوریتم ژنتیک است. اس. سی. چام^۲ (۲۰۰۸) با ترکیب الگوریتم ژنتیک و تکنیک بهینه سازی جمعی ذرات، در قالب الگوریتم ممتیک که در آن تکنیک الگوریتم حرکت دسته جمعی ذرات^۳ فقط بر روی جواب‌های به دست آمده توسط الگوریتم ژنتیک اعمال می شد، نشان داد که با استفاده از این الگوریتم پرتفویی به مراتب کارآتر از زمانی که این الگوریتم‌ها به صورت جداگانه اعمال شوند، به دست خواهد آمد. مارکو و همکاران^۴ (۲۰۱۳) در مقاله‌ی خود با عنوان "انتخاب پرتفوی سهام با استفاده از الگوریتم حرکات ذرات" که در مدل خود برای انتخاب پرتفوی از بازده - ریسک استفاده کرده‌اند، نشان دادند که مدل ارائه شده بوسیله الگوریتم بهینه‌سازی ازدحام ذرات اکتشافی روش مناسبی برای انتخاب پرتفوی سهام می‌باشد. جانگ فنگ دینگ و همکاران^۵ (۲۰۱۳) در مقاله خود با عنوان "انتخاب پرتفوی سهام بر اساس مدل مارکوویتز" به این نتیجه رسیدند که الگوریتم حرکات ذرات نسبت به الگوریتم ژنتیک از توانایی و عملکرد بهتری در انتخاب پرتفوی سهام دارد. لیو^۶ (۲۰۱۴) در مقاله خود با عنوان "مزایای محدودیت بر اساس واریانس-دیفرانسیل در بهینه‌سازی پرتفوی" نشان دادند که بر اساس معیار شارپ مدل بیز توانایی بالایی در انتخاب پرتفوی سهام دارد. در پژوهش اخیر که توسط کومار و میشر^۷ (۲۰۱۷) انجام گرفته است، یک الگوریتم کلونی مصنوعی زنبورهای جدید به نام کلونی مصنوعی زنبورهای چندهدفه ی مبتنی بر کوواریانس^۸ را برای حل مسئله‌ی بهینه‌سازی چندهدفه با محدودیت تعداد سهام در سبد معرفی کرده‌اند.

¹ YIN & WAC

² CHIAM S.

³ PSO

⁴ Marco et al.

⁵ Guang-feng den

⁶ Levy. H

⁷ Kumar and Mishra

⁸ M-CABC

هوانگ و همکاران^۱ (۲۰۱۸) مطالعه ای با عنوان ناپایداری در مقابل بهینه سازی بهینه: ریسک بحران و عملکرد انجام دادند. در مورد بهینه سازی پرتفوی به خوبی مستند شده است که تنوع ساده تر از تنوع بهینه متوسط واریانس بهتر عمل می کند؛ زیرا دومی در معرض خطای تخمین شدید قرار دارد. با استفاده از اوراق بهادار متشکل از سهام فردی، آنها نشان دادند که برای اوراق بهادار حاوی تعداد نسبتاً کمی سهام، تنوع ساده و بی نظیر از تنوع بهینه واریانس مطلوب تر است و کمتر در معرض خطر قرار دارد. با این حال، برای تعداد نسبتاً زیادی از سهام در نمونه کارها، تنوع ساده و بی نظیر عملکرد فوق العاده ای را حفظ می کند، اما باعث افزایش ریسک و در نتیجه افزایش بازده پرتفوی می شود. فلاح شمس و همکاران (۱۳۹۲) در مقاله خود با عنوان بررسی عملکرد معیارهای متفاوت ریسک در انتخاب و بهینه سازی سبد سهام با استفاده از الگوریتم مورچگان در شرکت های پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران نشان دادند که روش های سنتی در انتخاب و بهینه سازی سبد سهام از کارایی لازم برخوردار نیستند و بنابراین استفاده از الگوریتم های ابتکاری مورد توجه بیشتری قرار گرفته است. همچنین نتایج بررسی نشان داد که مدل میانگین-ارزش در معرض ریسک احتمالی قادر است که سطوح بالاتری از بازده را با حداقل سازی ارزش در معرض ریسک احتمالی نشان دهد.

شعبانی و همکاران (۱۳۹۳) به رتبه بندی شرکت های برتر بورس جهت انتخاب پرتفوی با استفاده از تکنیک ای اچ پی^۲ پرداختند. نتایج تحقیق حاکی از آن است که معیارهای مبتنی بر ارزش و معیارهای حسابداری مبنایی مناسب و مفید برای سرمایه گذاران در انتخاب سبد سهام می باشند. همچنین میتوان ادعا کرد تکنیک ای اچ پی روش هایی مفید و موثر جهت انتخاب سبد سهام هستند. محمودآبادی و نمازی (۱۳۹۵) به تعیین شرکت های برتر با استفاده از الگوی تصمیم گیری سرمایه گذاران پرداختند. نتایج نشان داد بین شاخص نزدیکی نسبی شرکت های مورد مطالعه، اختلاف معنادار وجود ندارد. همچنین، برای امر تصمیم گیری و تعیین شرکت های برتر، باید هم از معیارهای نقدی و هم معیارهای تعهدی استفاده نمود. افزون بر این نتایج نشان داد که در عمل سرمایه گذاران از الگوهای علمی و تکنیک های تصمیم گیری به نحو احسن بهره نمی برند. بیات و اسدی (۱۳۹۶) اقدام به تشکیل و ارائه پرتفوی سهام با استفاده از روش پرندگان و مدل مارکوویتز کردند. نتایج پژوهش آن ها نشان دادند که الگوریتم بهینه پرندگان با روش مارکوویتز توانایی تشکیل پرتفوی بهینه سهام را دارد.

^۱ Inchang, Hwang, Simon, Xu., Francis, In

^۲ AHP

عباسی و محمدی (۱۳۹۶) به بررسی تاثیر تمایلات سرمایه گذاران و اندازه پرتفوی بر قیمت گذاری سهام در بورس اوراق بهادار تهران در در نمونه ای متشکل از ۱۴۸ شرکت پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران در بازه زمانی ۱۳۸۹ تا ۱۳۹۳ پرداختند. به منظور سنجش متغیر تمایلات سرمایه گذاران از شاخص گرایش های احساسی بازار سرمایه (EMSI) جونز و همکارش^۱ (۲۰۰۵) و جهت قیمت گذاری سهام از مدل فاما و فرنچ^۲ (۱۹۹۳) استفاده شده است. نتایج حاصل از این پژوهش نشان داد که در سطح اطمینان ۹۵٪ تمایلات سرمایه گذاران بر قیمت گذاری سهام تاثیر نداشته در حالیکه اندازه پرتفوی بر قیمت گذاری سهام تاثیر مستقیم داشته است. معصوم علیشاهی و اعظمی (۱۳۹۷) پژوهشی با عنوان بهینه سازی سبد سهام بر اساس مدل مارکویتز انجام دادند. نتایج پژوهش نشان داد که استفاده از روشهای ابتکاری، عملکرد سبدهای تشکیلی و افزایش ارزش اطلاعات ورودی تشکیل سبد، شرکت را به سمت سرمایه گذاری سوق می دهد که در ایجاد بازده برای شرکت موثر است.

سوال های پژوهش

با توجه به هدف اصلی این پژوهش دو سوال مطرح شده است:

۱- آیا الگوریتم بهینه سازی ازدحام ذرات توانایی تشکیل سبد بهینه سهام (ارائه شرکت های برتر) را بصورت سالانه دارد؟

۲- آیا شرکتی در بورس اوراق بهادار تهران بطور مستمر در سبد بهینه سهام به عنوان شرکت برتر قرار می گیرند؟

روش شناسی پژوهش

جامعه آماری این پژوهش ۲۵۱ شرکت پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران است متغیر مورد بررسی در این پژوهش بازده ماهانه سهام است. در این مقاله جهت تشکیل سبد بهینه سهام و انتخاب شرکت های برتر در هر سال و همچنین در طی دوره پژوهش از مدل محدودیت ال و الگوریتم بهینه سازی ازدحام ذرات و نرم افزار متلب استفاده شده است.

مدل پرتفوی حداقل واریانس با محدودیت $I_1 - I_\infty$

در این مقاله، از مدل پرتفوی حداقل واریانس^۳ با محدودیت $I_1 - I_\infty$ استفاده شده است. در این مدل، به منظور انتخاب پرتفوی با وجود خطای تخمین ماتریس های کوواریانس شرکت-ماه ها، از استراتژی اعمال

¹ Jones et al.

² Fama & French

³ MVP

قید l_1 و نُرم‌های وزن‌های سبد اوراق بهادار l_∞ در بهینه‌سازی ریسک سبد اوراق بهادار استفاده می‌شود. تأثیر افزودن قید l_1 این است که تخمین وزن‌ها را کوچک می‌کند. به خصوص وزن‌هایی که کوچک‌تر از آستانه‌ای از قبل تعیین شده هستند، صفر خواهند شد که راه‌حلی l_1 را ایجاد می‌کند. ممکن است برخی از وزن‌های تخمین زده‌شده غیر صفر پرتفلو هنوز هم با وجود قید l_1 بزرگ باشند؛ بنابراین، قید اضافی l_∞ برای جلوگیری از این قبیل شرایط اعمال می‌شود. به عبارت ساده‌تر، قید l_1 و آستانه تعیین شده، کنترل بر تنوع وزن سرمایه‌گذاری در هر شرکت را کنترل می‌کند و l_∞ کنترل بیشترین درصد سرمایه‌گذاری را انجام می‌دهد. فرض کنید $w = (w_1, \dots, w_N)^T$ بردار در اینجا $\alpha \geq 0$ و $c > 0$ پارامترهای تنظیم هستند. α توازن بین دو نُرم را کنترل می‌کند و c آستانه قید است. مسئله بهینه‌سازی مقید را می‌توان به‌عنوان مسئله بهینه‌سازی جریمه دوباره فرموله کرد.

$$\min_w w^T \Sigma w + \lambda (\|w\|_1 + \alpha \|w\|_\infty)$$

$$\text{s. t. } 1^T w = 1$$

که در آن λ پارامتر جریمه است. تناظر یک‌به‌یک بین c و λ وجود دارد. وقتی $w_i \geq 0$ $i = 1 \dots N$ و C برابر با $1 + \frac{\alpha}{N}$ باشد، راه‌حل به سبد اوراق بهادار $1/N$ نزدیک می‌شود. یکی از مزیت‌های معادله MVP این است که تعداد شرکت‌های انتخاب‌شده در پرتفلو به صورت خودکار تعیین می‌گردد و حداکثر سرمایه‌گذاری را می‌توان با تعیین مناسب پارامترهای α و c کنترل نمود (لی^۲ و همکاران، ۲۰۱۳).

الگوریتم حرکت دسته جمعی ذرات

الگوریتم حرکت دسته جمعی ذرات از دسته الگوریتم‌های بهینه‌سازی است که بر مبنای تولید تصادفی جمعیت اولیه عمل می‌کنند. در این الگوریتم با الگوگیری و شبیه‌سازی رفتار پرواز دسته جمعی (گروهی) پرندگان یا حرکت دسته جمعی (گروهی) ماهی‌ها بنا نهاده شده است. هر عضو در این گروه توسط بردار سرعت و بردار موقعیت در فضای جستجو تعریف می‌شود. در هر تکرار زمانی، موقعیت جدید ذرات با توجه به بردار سرعت و بردار موقعیت در فضای جستجو تعریف می‌شود. در هر تکرار زمانی، موقعیت جدید ذرات با توجه به بردار سرعت فعلی، بهترین موقعیت یافت شده توسط آن ذره و بهترین موقعیت یافت شده توسط بهترین ذره موجود در گروه، به روز رسانی می‌شود. این الگوریتم ابتدا برای پارامترهای پیوسته تعریف شده بود، اما با توجه به اینکه در برخی از کاربردها با پارامترهای گسسته

¹ Sparse

² Li et al.

سروکار داریم، این الگوریتم به حالت گسسته نیز بست داده شده است. الگوریتم بهینه‌سازی ازدحام ذرات را در حالت گسسته با (BPSO) معرفی می‌شود (خانسانر، ۲۰۰۷).

تعاریف اولیه الگوریتم بهینه‌سازی ازدحام ذرات

فرض کنید یک فضای جستجوی d بعدی داریم. i امین ذره در این فضای d بعدی با بردار موقعیت X_i به شکل زیر توصیف می‌شود:

$$X_i = (x_{i_1}, x_{i_2}, x_{i_3}, \dots, x_{i_d}) \quad (1)$$

بردار سرعت i امین ذره نیز با بردار V_i به شکل زیر تعریف می‌شود:

$$V_i = (v_{i_1}, v_{i_2}, v_{i_3}, \dots, v_{i_d}) \quad (1)$$

بهترین موقعیتی که ذره i ام پیدا کرده است را با $P_{i.best}$ تعریف می‌کنیم:

$$P_{i.best} = (p_{i_1}, p_{i_2}, p_{i_3}, \dots, p_{i_d}) \quad (2)$$

بهترین موقعیتی که بهترین ذره در بین کل ذرات پیدا کرده است را با $P_{g.best}$ به صورت زیر تعریف می‌کنیم:

$$P_{g.best} = (p_{g_1}, p_{g_2}, p_{g_3}, \dots, p_{g_d}) \quad (3)$$

برای به روز رسانی محل هر کدام از ذرات از رابطه زیر استفاده می‌کنیم:

$$V_i(t) = w * V_i(t-1) + c_1 * rand_1(P_{i.best} - X_i(t-1)) + c_2 * rand_2(P_{g.best} - X_i(t-1)) \quad (4)$$

$$X_i = X_i(t-1) + V_i(t)$$

که در آن w ضریب وزنی اینرسی (حرکت در مسیر خودی) که نشان‌دهنده میزان تأثیر بردار سرعت تکرار قبل $(V_i(t))$ بر روی بردار سرعت در تکرار فعلی $(V_i(t+1))$ است. c_1 ضریب ثابت آموزش (حرکت در مسیر بهترین مقدار ذره مورد بررسی)، c_2 ضریب ثابت آموزش (حرکت در مسیر بهترین ذره یافت شده در بین کل جمعیت)، $rand_1$ و $rand_2$ دو عدد تصادفی با توزیع یکنواخت در بازه ۰ تا ۱، $V_i(t-1)$ بردار سرعت در تکرار (t-1) ام، $X_i(t-1)$ بردار موقعیت در تکرار (t-1) ام است. برای جلوگیری از افزایش بیش از حد سرعت حرکت یک ذره در حرکت از یک محل به محل دیگر (واگرا

شدن بردار سرعت)، تغییرات سرعت را به رنج V_{\min} تا V_{\max} محدود می‌کنیم؛ یعنی $V_{\min} \leq V \leq V_{\max}$. حد بالا و پایین سرعت با توجه به نوع مسئله تعیین می‌شود.

مراحل اجرای الگوریتم بهینه‌سازی ازدحام ذرات

مراحل اجرای الگوریتم حرکت دسته جمعی ذرات در ادامه آورده شده است.

تولید تصادفی جمعیت اولیه ذرات

تولید تصادفی جمعیت اولیه بطور ساده عبارت است از تعیین تصادفی محل اولیه ذرات با توزیع یکنواخت در فضای حل (فضای جستجو) است. مرحله تولید تصادفی جمعیت اولیه تقریباً در تمامی الگوریتم‌های بهینه‌سازی احتمالاتی وجود دارد، اما در این الگوریتم علاوه بر محل تصادفی اولیه ذرات، مقداری برای سرعت اولیه ذرات نیز اختصاص می‌یابد. رنج پیشنهادی اولیه برای سرعت ذرات را می‌توان از رابطه زیر استخراج کرد.

$$\frac{X_{\min} - X_{\max}}{2} \leq v \leq \frac{X_{\max} - X_{\min}}{2} \quad (5)$$

انتخاب تعداد ذرات اولیه: افزایش تعداد ذرات اولیه موجب کاهش تعداد تکرارهای لازم برای همگرا شدن الگوریتم می‌شود. این کاهش تعداد تکرارها به معنی کاهش زمان اجرای برنامه برای رسیدن به همگرایی نیست. هرچند که افزایش تعداد ذرات اولیه، کاهش تعداد تکرارها را در پی دارد، اما افزایش در تعداد ذرات باعث می‌شود که الگوریتم در مرحله ارزیابی ذرات زمان بیشتری را صرف نماید که این افزایش در زمان ارزیابی باعث می‌شود که زمان اجرای الگوریتم تا رسیدن به همگرایی با وجود کاهش در تعداد تکرارها، کاهش نیابد. پس افزایش تعداد ذرات نمی‌تواند برای کاهش زمان اجرای الگوریتم مورد استفاده قرار گیرد. تصور غلط دیگری وجود دارد، این است که برای کاهش زمان اجرای الگوریتم می‌توان تعداد ذرات را کاهش داد؛ اما برای این که الگوریتم به جواب بهینه برسد باید تعداد تکرارها افزایش یابد. اگر شرط همگرایی را عدم تغییر در هزینه بهترین عضو در چندین تکرار متوالی در نظر بگیریم که در نهایت باعث می‌شود زمان اجرای برنامه برای رسیدن به پاسخ بهینه کاهش نداشته باشد. کاهش تعداد ذرات ممکن است موجب گیر افتادن در مینیمم‌های محلی شود و الگوریتم از رسیدن به مینیمم اصلی بازماند. اگر ما شرط همگرایی را تعداد تکرارها در نظر گرفته باشیم، هرچند با کاهش تعداد ذرات اولیه زمان اجرای الگوریتم کاهش می‌یابد، اما جواب به‌دست آمده، حل بهینه‌ای برای مسئله نخواهد بود، زیرا الگوریتم به‌صورت ناقص اجرا شده است. بطور خلاصه، تعداد جمعیت اولیه با توجه به

مسئله تعیین می‌شود. در حالت کلی تعداد ذرات اولیه مصالحه‌ای بین پارامترهای درگیر در مسئله است. بطور تجربی انتخاب جمعیت اولیه ذرات به تعداد ۲۰ تا ۳۰ ذره انتخاب مناسبی است که تقریباً برای تمامی مسائل تست به خوبی جواب می‌دهد. می‌توانید تعداد ذرات را کمی بیشتر از حد لازم نیز در نظر بگیرید تا کمی حاشیه ایمنی در مواجهه با مینیمم‌های محلی داشته باشید.

ارزیابی تابع هدف ذرات

در این مرحله باید هر یک از ذرات را که نشان دهنده یک حل برای مسئله مورد بررسی است، ارزیابی کنیم. بسته به مسئله مورد بررسی، روش ارزیابی متفاوت خواهد بود. مثلاً اگر امکان تعریف یک تابع ریاضی برای هدف وجود داشته باشد، با جایگذاری پارامترهای ورودی (که از بردار موقعیت ذره استخراج شده‌اند) در این تابع ریاضی، به راحتی مقدار هزینه این ذره محاسبه خواهد شد. توجه داشته باشید که هر ذره حاوی اطلاعات کاملی از پارامترهای ورودی مسئله است که این اطلاعات استخراج شده و در تابع هدف قرار می‌گیرد. ثبت بهترین موقعیت برای هر ذره ($P_{i,best}$) و بهترین موقعیت در بین کل ذره‌ها ($P_{g,best}$)

در این مرحله با توجه به شماره تکرار، دو حالت قابل بررسی است:

اگر در تکرار اول باشیم ($t=1$) موقعیت فعلی هر ذره را به عنوان بهترین محل یافت شده برای آن ذره در نظر می‌گیریم.

$$\begin{aligned} P_{i,best} &= X_i(t) \quad , i = 1, 2, 3, \dots, d \\ \text{cost}(P_{i,best}) &= \text{cost}(X_i(t)) \end{aligned} \quad (۰۶)$$

در سایر تکرارها مقدار هزینه به دست آمده برای ذرات را با مقدار بهترین هزینه به دست آمده برای تک تک ذرات مقایسه می‌کنیم. اگر این هزینه کمتر از بهترین هزینه ثبت شده برای این ذره باشد، آنگاه محل و هزینه این ذره جایگزین مقدار قبلی می‌شود. در غیر این صورت تغییری در محل و هزینه ثبت شده برای این ذره ایجاد نمی‌شود؛ یعنی:

$$\begin{cases} \text{cost}(X_i(t)) < \text{cost}(P_{i,best}) \\ \text{else Not change} \end{cases} \quad \begin{cases} \text{cost}(P_{i,best}) < \text{cost}(X_j(t)) \\ P_{i,best} = X_i(t) \end{cases} \quad i = 1, 2, 3, \dots, d \quad (۷)$$

به روزرسانی بردار سرعت تمامی ذره‌ها

$$V_i(t) = w * V_i(t-1) + c_1 * \text{rand}_1(P_{i,best} - X_i(t-1)) + c_2 * \text{rand}_2(P_{g,best} - X_i(t-1)) \quad (۸)$$

ضرایب w ، c_1 و c_2 با توجه به مسئله مورد نظر به روش تجربی تعیین می‌شوند. ما به عنوان یک قانون کلی در نظر داشته‌باشید که w باید کمتر از یک باشد، زیرا اگر بزرگتر از یک انتخاب شود، $V(t)$ دائماً افزایش می‌یابد تا جایی که واگرا شود. همچنین توجه داشته باشید، هر چند در تئوری ضریب w می‌تواند منفی نیز باشد اما در استفاده عملی از این الگوریتم هیچ‌گاه این ضرایب را منفی در نظر نگیرید زیرا منفی بودن w موجب ایجاد نوسان در $V(t)$ می‌شود. انتخاب مقدار کوچک برای این ضریب (w) نیز مشکلاتی را در پی خواهد داشت. اغلب در الگوریتم حرکت دسته جمعی ذرات مقدار این ضریب را مثبت و در رنج ۰٫۷ تا ۰٫۸ در نظر می‌گیرند. c_1 و c_2 نیز نباید زیاد بزرگ انتخاب شوند، زیرا انتخاب مقادیر بزرگ برای این دو ضریب باعث انحراف شدید ذره از مسیر خودی می‌شود. اغلب در الگوریتم حرکت دسته جمعی ذرات مقدار این ضرایب را مثبت و در رنج ۱٫۵ الی ۱٫۷ در نظر می‌گیرند. لازم به یادآوری است که الزاماً مقادیر پیشنهادی فوق تنها انتخاب‌های ممکن برای ضرایب w ، c_1 و c_2 نیست، بلکه با توجه به مسئله مورد بررسی ممکن است انتخاب‌های بهتری غیر از موارد فوق وجود داشته باشد.

تجزیه و تحلیل داده‌ها

کد کردن پرتفو برای حل توسط الگوریتم حرکت دسته جمعی ذرات

به منظور استفاده از الگوریتم حرکت دسته جمعی ذرات ابتدا باید مدل پرتفو حداقل واریانس با محدودیت $I_1 - I_\infty$ را به صورت توصیفی از موقعیت ذره‌ها در آورده شود. به همین منظور، برداری با مقادیر واقعی^۱ که برای محاسبه سهم‌های بودجه سرمایه‌گذاری شده در دارایی‌ها استفاده می‌شود به صورت زیر تعریف می‌کنیم.

$$X = \{x_1, x_2, \dots, x_n\}, 0 \leq x_i \leq 1, i = 1, \dots, n \quad (۱)$$

تعداد عناصر این مؤلفه‌ها برابر تعداد شرکت‌ها است. پس هر x_i در واقع بیانگر یک شرکت است. بردار X نشان دهنده موقعیت ذره در فضای جستجو است و به عنوان یک جواب مسئله است. ابتدا x_i هایی که از یک مقدار آستانه کمتر باشند، صفر در نظر گرفته خواهند شد و سپس برای اینکه قید برآورده شود، داریم:

$$w_i = \frac{x_i}{\sum_{i=1}^n x_i}, i = 1, 2, \dots, n \quad (۰۲)$$

^۱ Real value

برای برآورده شده قید در تابع هدف آن به صورت زیر در نظر گرفته شده است:

$$w^T \hat{\Sigma} w + \lambda (\|w\|_1 + \alpha \|w\|_\infty) \quad (3)$$

در شبیه‌سازی مدل MVP مقدار $C=1.3$ و $\alpha = 0.9$ در نظر گرفته شد. پارامترهای الگوریتم PSO در جدول ۱ نشان داده شده است. در الگوریتم PSO تعداد ذره‌ها برابر ۵۰ قرار داده شد و شرط خاتمه الگوریتم برابر ۱۷۰۰ تکرار در نظر گرفته شد.

جدول ۱: پارامترهای الگوریتم PSO در حل معادله MVP.

نام پارامتر	مقدار	توضیح
MaxGen	۱۷۰۰	تعداد ذرات
α	۰,۹	سرعت همگرایی در گام‌های نهایی
C1	۰,۵	تمایل حرکت به جواب محلی
C2	۰,۵	تمایل حرکت به بهترین جواب تا کنون
P	۵۰	تعداد ذرات
W_Upper	۱	کران بالای هر وزن
W_Lower	۰	کران پایین هر وزن

پس از تنظیم کردن پارامترهای الگوریتم حرکت دسته جمعی ذرات

ابتدا اطاعات همه شرکت‌های مورد بررسی را از سال ۹۱ تا ۹۶ وارد معادله پرتفو MVP کرده و الگوریتم حرکت دسته جمعی ذرات سبد سهام نشان داده شده در جدول ۲ را به ازای $\alpha = 0.9$ و $C = 1.3$ انتخاب می‌نماید. همانطور که قبلاً اشاره شد هدف معادله MVP حداقل کردن ریسک است، اما برای اینکه نتایج بتواند بهتر نشان داده شود، مقدار بازده بازگشتی این شرکت‌ها را به صورت جداگانه محاسبه کرده در آخرین ستون جدول نشان داده شد. همانگونه که انتظار می‌رفت مجموع وزن سرمایه‌گذاری شرکت‌ها برابر یک است و نه شرکت به عنوان شرکت‌های قرار گرفته شده در سبد سهام به عنوان شرکت‌های برتر انتخاب شدند.

جدول ۲: پرتفو انتخابی روش PSO به ازای $\alpha = 0.9$ و $C = 1.3$ برای همه سال‌ها مطالعه

سال ۹۱ الی ۹۶				
ردیف	ایندکس	نام	Wi	ریسک
۱	۵	آلومراد	۰,۱۱۱۱	۰,۳۴۴۳
۲	۵۰	داروزهرای	۰,۱۰۷۸	۰,۵۴۶۷
۳	۵۸	درخشان تهران	۰,۱۱۵۶	۰,۰,۱۰۵
۴	۷۶	سخت آژند	۰,۱۱۳۳	۰,۵۱۰۹
۵	۹۰	سیمان دورود	۰,۱۰۵۷	۰,۸۳۱۶
۶	۲۰۹	پتروشیمی فجر	۰,۱۰۹۱	۰,۱۷۹۰
۷	۲۱۰	پتروشیمی آبادان	۰,۱۱۶۱	۰,۴۳۵۰
۸	۲۱۷	پتروشیمی پردیس	۰,۱۱۵۵	۰,۳۴۹۰
۹	۲۱۸	پشم شیشه ایران	۰,۱۰۵۸	۰,۵۵۷۶
		جمع	۱	۳,۷۶۴۶

برای تحلیل سالانه پرتفوی سهام و مقایسه سبد تشکیل شده با سبد بهینه کل دوره پژوهش بازده ماهانه در هر سال به صورت مستقل از سایر سال‌ها به الگوریتم حرکت دسته جمعی ذرات به همراه معادله MVP داده شد و سبد سهام برای هر سال در بعد از اجرا به دست آمد. همانطور که انتظار می‌رفت شرکت‌ها ی انتخاب شده نیز تقریباً در همه سال‌ها در سبد سهام انتخاب شده‌اند. در برخی از سال‌ها بعضی شرکت‌ها به صورت موقت در سبد سهام در یک سال یا دو سال متوالی قرار گرفتند.

جدول ۳: سبد سهام انتخابی در هر سال توسط الگوریتم PSO به ازای $\alpha = 0.9$ و $C = 1.3$

سال ۹۱				
ردیف	ایندکس	نام	Wi	ریسک
۱	۵	آلومراد	۰,۱۱۱۱	۰,۳۴۴۳
۲	۵۰	داروزهرای	۰,۱۰۷۸	۰,۵۴۶۷
۳	۵۸	درخشان تهران	۰,۱۱۵۶	۰,۰,۱۰۵
۴	۷۶	سخت آژند	۰,۱۱۳۳	۰,۵۱۰۹
۵	۹۰	سیمان دورود	۰,۱۰۵۷	۰,۸۳۱۶
۶	۲۰۹	پتروشیمی فجر	۰,۱۰۹۱	۰,۱۷۹۰
۷	۲۱۰	پتروشیمی آبادان	۰,۱۱۶۱	۰,۴۳۵۰

۰,۳۴۹۰	۰,۱۱۵۵	پتروشیمی پردیس	۲۱۷	۸
۰,۵۵۷۶	۰,۱۰۵۸	پشم شیشه ایران	۲۱۸	۹
۳,۷۶۴۶	۱,۰۰۰۰	جمع		

سال ۹۲				
ریسک	Wi	نام	ایندکس	ردیف
۰,۵۸۴۶	۰,۱۱۲۲	آلومراد	۵	۱
۰,۰۱۵۵	۰,۱۰۷۹	درخشان تهران	۵۸	۲
۰,۶۰۵۴	۰,۱۱۷۰	دوده صنعتی پارس	۶۰	۳
۰,۴۲۰۵	۰,۱۰۷۵	سخت آژند	۷۶	۴
۰,۶۹۴۲	۰,۱۰۷۸	نفت پارس	۱۸۶	۵
۰,۴۳۲۷	۰,۱۱۰۸	پتروشیمی فجر	۲۰۹	۶
۰,۴۰۳۰	۰,۱۱۱۸	پتروشیمی آبادان	۲۱۰	۷
۰,۳۵۷۶	۰,۱۰۹۵	پتروشیمی پردیس	۲۱۷	۸
۰,۷۰۲۵	۰,۱۱۵۶	پشم شیشه ایران	۲۱۸	۹
۴,۲۱۶۲	۱,۰۰۰۰	جمع		

سال ۹۳				
ریسک	Wi	نام	ایندکس	ردیف
۰,۶۱۲۵	۰,۱۱,۰۱	آلومراد	۵	۱
۰,۰,۳۲۰	۰,۱۱۳۸	درخشان تهران	۵۸	۲
۰,۵۰۷۰	۰,۱۰۷۰	دوده صنعتی پارس	۶۰	۳
۰,۴۰۵۳	۰,۱۱۳۴	سخت آژند	۷۶	۴
۰,۸۲۶۳	۰,۱۰۷۱	سیمان هگمتان	۱۸۶	۵
۰,۴۳۷۳	۰,۱۰۹۶	پتروشیمی فجر	۲۰۹	۶
۰,۲۸۱۲	۰,۱۱۹۰	پتروشیمی آبادان	۲۱۰	۷
۰,۳۰۵۱	۰,۱۱۲۱	پتروشیمی پردیس	۲۱۷	۸
۰,۶۱۵۳	۰,۱۰۷۸	پشم شیشه ایران	۲۱۸	۹
۳,۹۵۸۱	۱,۰۰۰۰	جمع		

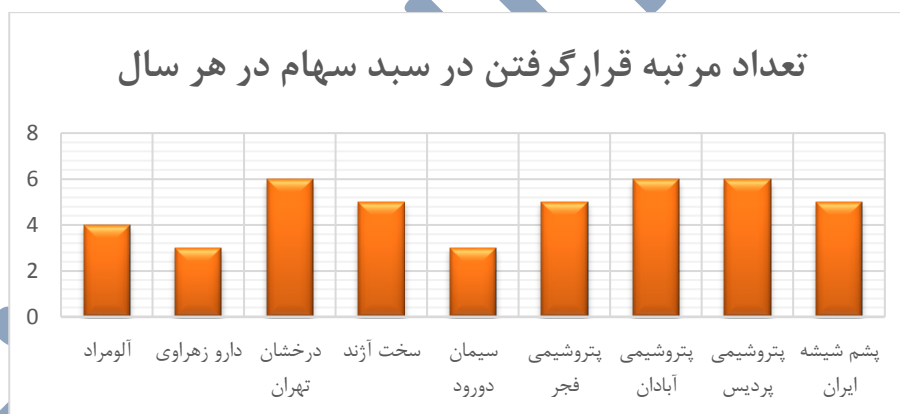
سال ۹۴				
ریسک	Wi	نام	ایندکس	ردیف
۰,۶۲۶۷	۰,۱۱۰۵	افست	۹	۱
۰,۶۹۲۳	۰,۱۰۹۰	داروزهرای	۵۰	۲
۰,۰۷۰۲	۰,۱۱۶۰	درخشان تهران	۵۸	۳
۰,۸۸۷۳	۰,۱۱۰۸	سیمان دورود	۹۰	۴
۱,۴۲۸۵	۰,۱۱۱۰	قند نیشابور	۱۵۰	۵
۰,۱۱۸۲	۰,۱۱۳۹	پتروشیمی فجر	۲۰۹	۶
۰,۱۹۵۳	۰,۱۰۷۰	پتروشیمی آبادان	۲۱۰	۷
۰,۱۷۳۴	۰,۱۰۷۴	پتروشیمی پردیس	۲۱۷	۸
۰,۶۳۷۲	۰,۱۱۳۵	پشم شیشه ایران	۲۱۸	۹
۴,۸۲۹۱	۱,۰۰۰۰	جمع		

سال ۹۵				
ریسک	Wi	نام	ایندکس	ردیف
۰,۰۸۶۸	۰,۱۲۹۶	درخشان تهران	۵۸	۱
۰,۵۷۹۳	۰,۱۲۱۹	دوده صنعتی پارس	۶۰	۲
۰,۳۳۸۸	۰,۱۲۵۵	سخت آژند	۷۶	۳
۰,۷۲۲۹	۰,۱۲۴۹	صنایع پتروشیمی کرمانشاه	۱۲۲	۴
۰,۵۶۵۵	۰,۱۲۲۰	صنعتی بارز	۱۲۳	۵
۰,۳۹۸۹	۰,۱۲۲۷	قند نیشابور	۱۵۰	۶
۰,۱۵۸۴	۰,۱۲۵۳	پتروشیمی آبادان	۲۱۰	۷
۰,۲۵۵۹	۰,۱۲۸۱	پتروشیمی پردیس	۲۱۷	۸
۴,۱۰۶۶	۱,۰۰۰۰	جمع		

سال ۹۶				
ریسک	Wi	نام	ایندکس	ردیف
۰,۳۴۱۰	۰,۱۱۰۹	آلومرادی	۵	۱
۰,۵۲۲۲	۰,۱۰۶۷	داروزهرای	۵۰	۲
۰,۰۱۲۷	۰,۱۱۶۱	درخشان تهران	۵۸	۳

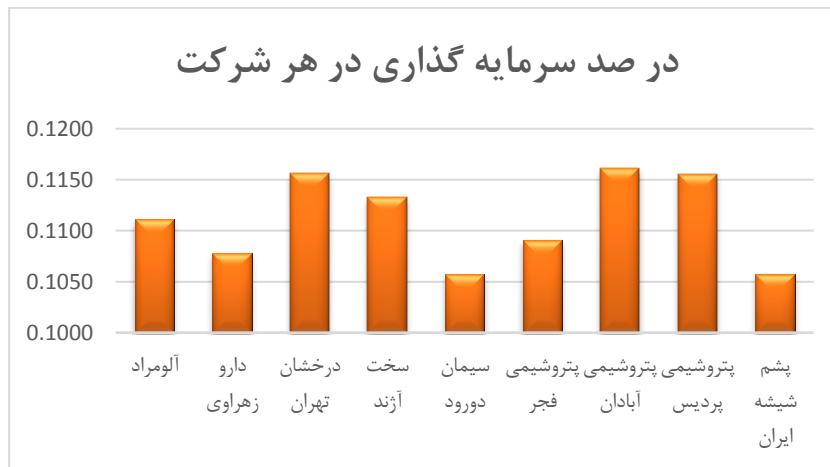
۰,۴۷۶۹	۰,۱۰۸۲	سخت آژند	۷۶	۴
۰,۸۸۸۵	۰,۱۰۹۰	سیمان دورود	۹۰	۵
۰,۱۹۰۴	۰,۱۱۳۳	پتروشیمی فجر	۲۰۹	۶
۰,۴۵۰۹	۰,۱۱۹۹	پتروشیمی آبادان	۲۱۰	۷
۰,۳۱۳۹	۰,۱۰۷۴	پتروشیمی پردیس	۲۱۷	۸
۰,۵۸۶۰	۰,۱۰۸۴	پشم شیشه ایران	۲۱۸	۹
۳,۷۸۲۶	۱,۰۰۰۰	جمع		

برای نشان دادن بهتر موضوع نمودار تعداد دفعات حضور هر شرکت انتخاب شده در پرتفوی سهام به عنوان شرکت برتر به صورت نمودار میله ای در شکل ۱ نشان داده شده است. شرکت های پتروشیمی پردیس، پتروشیمی آبادان، درخشان تهران در هر ۶ سال ۹۱ تا ۹۶ انتخاب شده اند و شرکت های پشم شیشه ایران، پتروشیمی فجر، سخت آژند در ۵ سال و بقیه شرکت ها، با ۴ و ۳ تکرار در سبد سهام انتخاب شده اند.



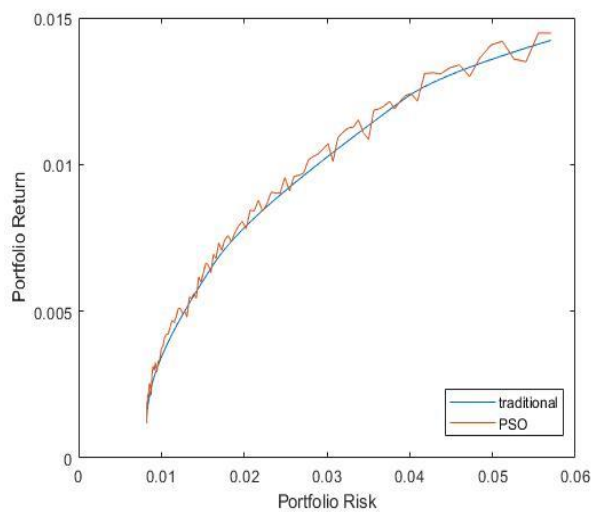
شکل ۱: تعداد مرتبه قرار گرفتن هر شرکت در سبد سهام در سال ۹۱ تا ۹۶.

شکل ۲ درصد سهم سرمایه گذاری در هر شرکت را به صورت نمودار میله ای نشان می دهد. مدل MVP دارای وزن دهی نسبتاً منظمی است و سعی در سرمایه گذاری به صورت متقارن در شرکت ها دارد.



شکل ۲: سهم سرمایه گذاری در هر شرکت

در ادامه به منظور نشان دادن کارایی الگوریتم PSO مرز کارای مدل مورد ارزیابی قرار گرفته است.



شکل ۳: مرز کارا الگوریتم PSO

همانطور که در نمودار فوق مشاهده می کنید، الگوریتم PSO در اکثر حالات بهتر از روش سنتی عمل کرده است.

بحث و نتیجه گیری

سبد سهام مجموعه‌ای از اوراق بهادار و دارایی‌های متفاوت می‌باشد. پرتفوی (سبد سهام)، سبدي از سرمایه‌گذاری است که توسط یک فرد سرمایه‌گذار یا یک شرکت سرمایه‌گذاری تشکیل می‌شود. در امر سرمایه‌گذاری سهام، انتخاب شرکت‌های برتر و معرفی شرکت‌های مناسب جهت سرمایه‌گذاری از جمله مهم‌ترین موارد قابل توجه سرمایه‌گذاران می‌باشد. در این رابطه ایجاد مدل‌هایی که بتواند به انتخاب بهترین سبد سهام منجر شود از اهمیت حائز توجه‌ای برخوردار است؛ بنابراین در این مقاله، هدف انتخاب پرتفوی سهام جهت سرمایه‌گذاری و شناسایی شرکت‌های برتر با روش محدودیت ال با استفاده از روش یادگیری ماشین بوده است. در این تحقیق با استفاده از الگوریتم بهینه‌سازی ازدحام ذرات استفاده و از اطلاعات بازده سهام ۲۵۱ شرکت پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران طی سالهای ۱۳۹۱ تا ۱۳۹۶، بهترین سبد سهام با توجه به روش محدودیت ال مشخص گردیده است. در پاسخ به سوالات پژوهش می‌توان بیان کرد که الگوریتم بهینه‌سازی ازدحام ذرات توانست پرتفوی سهام جهت سرمایه‌گذاری بصورت سالانه ارائه دهد زیرا که با توجه به شکل شماره (۳) و مرز کارای ترسیم شده برای الگوریتم PSO و همچنین انتخاب‌های انجام شده در سبد سهام سالانه و اشتراک شرکت‌ها در سال‌های مختلف، میتوان مشاهده کرده که این الگوریتم توانایی انتخاب پرتفوی سالانه را دارد. همچنین با توجه به اینکه شرکت‌های پتروشیمی آبادان، پتروشیمی پردیس و درخشان تهران در طول دوره مورد بررسی بطور مستمر به عنوان شرکت‌های برتر جهت سرمایه‌گذاری انتخاب شده اند می‌توان بیان کرد که در بورس اوراق بهادار تهران شرکت‌هایی وجود دارد که بطور مستمر به عنوان شرکت‌های برتر در سبد بهینه سهام قرار گیرند. نتیجه این پژوهش با پژوهش‌های میزبان و همکاران (۱۳۹۱)، کورا^۱ (۲۰۰۹)، ادبی و همکاران (۱۳۹۳) و بیات و اسدی (۱۳۹۶)، محمودآبادی و نمازی (۱۳۹۵)، عباسی و محمدی (۱۳۹۶)، مارکو و همکاران (۲۰۱۳)، تونگ^۲ (۲۰۱۶) و رهنمای‌رودپشتی و دیگران (۱۳۹۷) مرتبط می‌باشد. با توجه به نتایج پژوهش می‌توان به سرمایه‌گذاران بازار سرمایه پیشنهاد داد که جهت سرمایه‌گذاری با ریسک کمتر از شرکت‌های فعال در صنعت پتروشیمی بویژه دو شرکت (پتروشیمی آبادان، پتروشیمی پردیس) نیز بهره‌مند شوند و همچنین به پژوهشگران آتی می‌توان پیشنهاد داد که با تحلیل مالی و راهبردی شرکت‌های برتر بتوانند راهکارهایی جهت بهبود عملکرد سایر شرکت‌ها ارائه دهند.

¹ Cura

² LI Tong

منابع

- ۱) ابزری، مهدی؛ کتابی، سعیده و عباسی، عباس (۱۳۸۴). "بهینه سازی سبد سرمایه گذاری با استفاده از روش های برنامه ریزی خطی و ارائه ی یک مدل کاربردی". مجله علوم اجتماعی و انسانی دانشگاه شیراز دوره بیست و دوم، شماره دوم.
- ۲) ادبی فیروزجایی، باقر؛ مهرآرا، محسن؛ محمدی، شاپور (۱۳۹۳)، انتخاب سبد سهام بهینه بورس اوراق بهادار تهران با استفاده از معیارهای ارزش در معرض ریسک شرطی، تفکیک شده و بدترین وضعیت ارزش در معرض ریسک، فصلنامه پول و اقتصاد، دوره ۹، شماره ۱، صص ۱-۳۰.
- ۳) امیری، مقصود؛ شریعت پناهی، مجید و محمدهادی بناکار (۱۳۸۹). انتخاب سبد سهام بهینه با استفاده از تصمیم گیری چند معیاره. فصلنامه بورس اوراق بهادار، شماره، صص ۱۱-۵.
- ۴) برخوردار، محمدحسین؛ رضایی، مرتضی (۱۳۹۳)، تعیین پرتفوی بهینه از صنایع کارای بورس با استفاده از روش تحلیل پوششی داده ها از دیدگاه سرمایه گذاران نهادی، فصلنامه توسعه مدیریت پولی و بانکی، سال ۲، شماره ۵، صص ۵۳-۷۲.
- ۵) بیات، علی و اسدی، لیدا (۱۳۹۶). "بهینه سازی پرتفوی سهام: سودمندی الگوریتم پرندگان و مدل مارکوویتز". فصلنامه مدیریت مالی و اوراق بهادار، دوره ۸، شماره ۳۲، پاییز ۱۳۹۶، صفحه ۸۵-۶۳.
- ۶) تقی زاده یزدی، محمدرضا؛ علوی، عباس؛ زارع پور نصیرآبادی، محمدمهدی (۱۳۹۴)، رتبه بندی شرکت های حاضر در بورس اوراق بهادار تهران با استفاده از تکنیک های تصمیم گیری ANP و VIKOR، کنفرانس بین المللی مدیریت، اقتصاد و مهندسی صنایع.
- ۷) راعی، رضا و پویانفر (۱۳۸۹). مدیریت سرمایه گذاری پیشرفته، انتشارات سمت. (سازمان مطالعه و تدوین کتب علوم انسانی دانشگاه ها)، مرکز تحقیق و توسعه علوم انسانی، چاپ چهارم، تهران.
- ۸) فلاح شمس میرفیض؛ احمد عبداللهی؛ مطهره مقدسی (۱۳۹۲) "بررسی عملکرد معیارهای متفاوت ریسک در انتخاب و بهینه سازی سبد سهام با استفاده از الگوریتم مورچگان در شرکت های پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران" مقاله ۱، دوره ۱، شماره ۲، پاییز ۱۳۹۲، صفحه ۱۵-۳۲.
- ۹) رهنمای رودپشتی، فریدون، ساده، احسان، فلاح شمس، میرفیض، احتشام راثی، رضا و جلیلیان، جمیل (۱۳۹۷) حل مسأله بهینه سازی سبد سهام شرکتهای خصوصی در شرایط کمبود داده با استفاده از الگوریتم کلونی زنبور عسل (ABC)، مجله مهندسی مالی و مدیریت اوراق بهادار، شماره ۳۵، صص ۷۷-۱۰۴.

۱۰) شعبانی وزملانی، اعظم؛ زهرا لشگری و امیررضا کیقبادی، ۱۳۹۳، رتبه بندی شرکتهای برتر بورس جهت انتخاب پرتفوی با استفاده از تکنیک (AHP مطالعه موردی: ۵۰ شرکت برتر بورس اوراق بهادار تهران)، دومین همایش ملی پژوهش های کاربردی در علوم مدیریت و حسابداری، تهران، دانشگاه جامع علمی کاربردی،

۱۱) عباسی، خلیل و فریبا محمدی (۱۳۹۶)، تاثیر تمایلات سرمایه گذاران و اندازه پرتفوی بر قیمت گذاری سهام در بورس اوراق بهادار تهران، کنفرانس علمی مدیریت، اقتصاد کاربردی و تجارت، شیراز، موسسه عالی علوم و فناوری خوارزمی.

۱۲) مدرس، احمد؛ محمدی استخری، نازنین (۱۳۸۶)، انتخاب یک سبد سهام از بین سهام شرکتهای پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران با استفاده از مدل بهینه سازی الگوریتم ژنتیک، مجله توسعه و سرمایه، سال ۱، شماره ۱، صص ۷۱-۹۲.

۱۳) محمودآبادی، حمید؛ نمازی، نویدرضا (۱۳۹۵)، تعیین شرکت های برتر با استفاده از الگوی تصمیم گیری سرمایه گذاران، پژوهش های تجربی حسابداری، سال ۵، شماره ۱۹، صص ۱۸۱-۲۰۱.

۱۴) معصوم علیشاهی، پویا و محسن اعظمی (۱۳۹۷)، بهینه سازی سبد سهام بر اساس مدل مارکویتز، همایش بین المللی مدیریت، حسابداری و اقتصاد دانش بنیان، مشهد، موسسه تعاونی دانش بنیان کمرآوش.

۱۵) میزبان، هدیه سادات؛ افچنگی، زهرا؛ احراری، مهدی؛ آروین، فرشاد؛ سوری، علی (۱۳۹۱)، بهینه سازی سبد سهام با استفاده از الگوریتم ازدحام ذرات در تعاریف مختلف اندازه گیری ریسک، فصلنامه اقتصاد مالی، دوره ۶، شماره ۱۹، تابستان ۱۳۹۱، صص ۲۰۵-۲۲۷.

۱۶) مولایی، محمدعلی و طالبی، آرش (۱۳۸۹). بررسی کاربرد الگوریتم ابتکاری ترکیبی ژنتیک و نلدرمید در بهینه سازی پورتفوی. جستارهای اقتصادی ایران، دوره ۷، شماره ۱۴، صص ۱۷۱-۲۱۴.

17) Abbasi, Khalil and Fariba Mohammadi (2017), The Impact of Investor Sentiment and Portfolio Size on Stock Pricing in Tehran Stock Exchange, Scientific Conference on Management, Applied Economics and Business, Shiraz, Kharazmi High School of Science and Technology. (In Persian).

18) Abrazi, Mehdi; Ketabi, Saeideh and Abbasi, Abbas (2005). "Optimization of investment portfolio using linear programming methods and presentation of an applied model". Journal of Social Sciences and Humanities of Shiraz University Volume 22, Number 2(In Persian).

19) Adabi firouzjaee, Bagher., Mehrara, Mohsen., Mohammadi, Shapour(2014), Optimal Portfolio Selection for Tehran Stock Exchange Using Conditional, Partitioned

and Worst-case Value at Risk Measures, Journal of Money and Economy, Vol 9, Issue 1, pp 1-30(In Persian).

20) Amiri, Maghsoud; Shariatphanahi, Majid., Hadi Binakar, Mohammad (2010). Choose the optimal stock portfolio using multi-criteria decision making. Quarterly Journal of Stock Exchange, Issue, pp. 11-5(In Persian).

21) Bakhshardi, Mohammad Hossein, Rezaei, Morteza (2013), Determining Optimal Portfolio of Efficient Stock Industry Using Data Envelopment Analysis from the Perspective of Institutional Investors, Quarterly Journal of Monetary and Banking Management, Vol. 2, No. 5, pp. 53-72(In Persian).

22) Bayat, Ali., Asadi, Lida(2017), Stock Portfolio optimization: Effectiveness of particle swarm optimization and Markowitz model, Financial Management Quarterly and Securities, Article 4, Volume 8, Issue 32, Summer 2017, Page 63-85(In Persian).

23) Chiam s.c, kc. Tan, A Al. Mamum (2008). A memetic model of evolutionary PSO for computational finance applications. Expert Systems with Applications, 36:3695–3711.

24) Cura, T. (2009), Particle Swarm Optimization Approach to Portfolio Optimization, Nonlinear Analysis: Real World Applications, No.10, p.p. 2396–2406.

25) Fama, E. F., & French, K. R. (1993). Common Risk Factors in the Returns on Stocks and Bonds. Journal of financial economics, 33(1), pp. 3-56.

26) Mirfeiz Fallahshams,Ahmad Abdollahi,Mottahare Moghadassi. (2013). Examining the Performance of Different Risk Criteria in Portfolio Selection and Optimization, Using the Ant Colony Algorithm In companies Listed at the Tehran Stock Exchange. urnal of Financial Management Strategy, Volume 1, Issue 2, Autumn 2013, Page 15-32(In Persian).

1) Guang-Feng Deng, Woo-Tsong Lin, Chih-Chung Lo (2013)" Markowitz-based portfolio selection with cardinality constraints using improved particle swarm optimization "Expert Systems with Applications.vol 40.no 2,pp:4558–4566.

2) Haim Levy, Moshe Levy(2014) "The benefits of differential variance-based constraints in portfolio optimization" European Journal of Operational Research, Volume 234, Issue 2, PP. 372-381.

3) LI Tong(2016) Empirical Research of Asset Growth and Future Stock Returns Based on China Stock MarketManagement Science and EngineeringVol. 10, No. 1, 2016, pp. 33-37DOI:10.3968/8120 ISSN 1913-0341 [Print].

4) LI, S. C. HOI, P. ZHAO, and V. GOPALKRISHNAN, (2013)"Confidence weighted mean reversion strategy for online portfolio selection," In ACM Transactions on Knowledge Discovery from Data, vol. 7, pp. 4-38

5) Inchang, Hwang·Simon, Xu.,Francis.In(2018), Naive versus optimal diversification: Tail risk and performance, European Journal of Operational Research, Volume 265, Issue 1, 16 February 2018, Pages 372-388.

6) Kumar, D. and K. Mishra (2017). "Portfolio optimization using novel covariance-guided Artificial Bee Colony algorithm." Swarm and Evolutionary Computation 33:119-130

7) M. A. Khanesar, M. Teshnehlab, and M. A. Shoorehdeli, "A novel binary particle swarm optimization," in Control & Automation, 2007. MED'07. Mediterranean Conference on, 2007, pp. 1-6.

8) Mahmoud Abadi, Hamid, Namazi, Navireza (2016), Determination of the best companies using the model of investor decision making, *Experimental Accounting Research*, Vol. 5, No. 19, pp. 181-201(In Persian).

9) Mizban, Hedyeh sadat., Afchangi, Zahra; Ahrari; Mehdi; Arowin; Farshad; Suri; Ali (2012); Optimization of Stock Styles Using Particle Swarm Algorithm in Different Risk Measurement Definitions, *Journal of Financial Economics*, Vol. 6, No. 19, Summer 2012, p. 205-227(In Persian).

10) Modarres, Ahmad; Mohammadi Waters, Nazanin (2007), Selection of a stock basket from stock companies of Tehran Stock Exchange using the Genetic Algorithm Optimization Model, *Development Magazine*, Vol. 1, No. 1, pp. 71-92(In Persian).

11) Marco Corazza, Giovanni Fasano, Riccardo Gusso(2013) "Particle Swarm Optimization with non-smooth penalty reformulation, for a complex portfolio selection problem" *Applied Mathematics and Computation*, Volume 224, 1 November 2013, PP. 611-624.

12) Masoum Alishahi, Pouya and Mohsen Azami (2018), Optimization of the stock portfolio based on the Markovitz model, *International Management Conference, Accounting and Knowledge Economy*, Mashhad, Knowledge Cooperative Foundation, Kerman Avesh. (In Persian).

13) Markowitz, H. (1952). Portfolio selection. *Journal of Finance*, vol 7, no 1.pp:7-91.

14) Molaei, Mohammad Ali; Talebi, Arash(2010), Application Investigation of Genetic-Nelder-Mead Hybridized-Heuristic Algorithm in Portfolio Optimization, *Journal of Iran, s Economic Essays*, Article 7, Volume 7, Issue 14, Summer and Autumn 2010, Page 171-204(In Persian).

15) Raei, Reza; Pouyanfar, Ahmad (2010). *Advanced Investment Management*, Side Publishing. (Organization for the Study and Compilation of Humanities Books of Universities), Human Sciences Research and Development Center, Fourth Edition, Tehran (In Persian).

16) Rahnama Roodposhti, Fereydoun; Sadeh,Ehsan; Mirfeiz Fallahshams; Ehteshamrasi, reza; Jalilian, jamil(2018), A Portfolio Optimization Model for a Private Equity Investment Company under Data Insufficiency Condition with an Artificial Bee Colony Meta-heuristic Approach, *Financial Management Quarterly and Securities*, Article 4, Volume 9, Issue 35, Summer 2018, Page 77-104(In Persian).

17) Sha'bani Vazmlaei, Azam; Zahra Lashgari and Amirreza Kayghobadi, 2014, Ranking of the Top Companies for selection of portfolios using AHP technique (Case Study: Top 50 Tehran Stock Exchange Companies), *Second National Conference on Applied Research in Management and Accounting Sciences*, Tehran, Applied Scientific University, https://www.civilica.com/Paper-AMSCONF02-AMSCONF02_054.html. (In Persian).

18) Taghizadeh Yazdi, Mohammad Reza, Alavi, Abbas, Zarepour Naseerabadi, Mohammad Mehdi (2015), Ranking of Tehran Stock Exchange companies using decision making techniques ANP and VIKOR, *International Management Conference, Economics and Industrial Engineering*(In Persian).

19) Yin Peng-Yeng, Jing-Yu Wang (2006). A particle swarm optimization approach to the nonlinear resource allocation problem. *Applied Mathematics and Computation*, 183: 232–242.

Article in Press